

Aufgaben zur Klausur C im SS 2010 (IA 302)

Zeit: 75 Minuten

erlaubte Hilfsmittel: keine

Bitte tragen Sie Ihre Antworten und fertigen Lösungen ausschließlich an den gekennzeichneten Stellen in das Aufgabenblatt ein. Ist ihre Lösung wesentlich umfangreicher, so überprüfen Sie bitte nochmals Ihren Lösungsweg.

Sollten Unklarheiten oder Mehrdeutigkeiten bei der Aufgabenstellung auftreten, so notieren Sie bitte, wie Sie die Aufgabe interpretiert haben.

Viel Erfolg!

Diese Klausur besteht einschließlich dieses Deckblattes aus 11 Seiten.

---

## Aufgabe 1:

Die folgende C Header Datei enthält Deklarationen für eine Listenimplementierung mit verketteten Listen.

```
#include <string.h>

typedef char * Element;
typedef struct node * List;
struct node {
    Element info;
    List next;
};

#define isEmpty(l) ((l) == (List)0)

extern int compare(Element e1, Element e2);
extern int invList(List l);
extern List merge(List l1, List l2);
```

Die hier eingeführten Größen sind bei der Lösung der folgenden Aufgaben zu verwenden.

Implementieren Sie als erstes die *compare* Funktion. Diese soll zwei Elemente vergleichen und als Resultat die Werte  $-1$ ,  $0$  und  $+1$  liefern,  $-1$  wenn  $e1 < e2$  gilt,  $+1$  wenn  $e1 > e2$  gilt,  $0$  sonst.

Die *compare* Funktion:

```
#include "List.h"

int compare(Element e1, Element e2) {
    .....
    .....
    .....
    .....
    .....
}
```

In dieser Aufgabe soll mit sortierten verketteten Listen gearbeitet werden. Die Listen sollen als absteigend sortierte Listen organisiert sein, doppelte Elemente sind nicht erlaubt.

Entwickeln Sie die entsprechende Invariante für diese Bedingungen.

```
#include "List.h"
```

```
int invList(List l) {
```

```
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....
```

```
}
```



## Aufgabe 2:

Gegeben sei das folgende (unvollständige) C-Programmstück für die Implementierung von binären Suchbäumen. Alle Programmteile, die zur Lösung der Aufgabe nicht notwendig sind, sind hier weggelassen.

```
typedef int Element;
```

```
int compare(Element e1, Element e2) {  
    return (e1 >= e2) - (e1 <= e2);  
}
```

```
typedef struct node * BinTree;
```

```
struct node {  
    Element info;  
    BinTree l;  
    BinTree r;  
};
```

```
#define isEmpty(b) (! (b))
```

```
int searchMax(Element e, BinTree t, Element * max);
```

Entwickeln Sie die Routine **searchMax**. Diese Funktion soll das größte Element in dem Baum suchen, das kleiner als der Parameter *e* ist. Sie soll als Funktionsresultat berechnen, ob ein solches Element existiert. Im Parameter *max* soll im Fall der Existenz der gesuchte Wert zurückgegeben werden.

```
int searchMax (Element e, BinTree t, Element * max)
{
  if (isEmpty (t))
    .....
    .....
  switch (compare (e, t->info))
  {
    case -1:
      .....
      .....
      .....
      .....
    case 0:
      .....
      .....
      .....
      .....
    case +1:
      .....
      .....
      .....
      .....
  }
}
```

Sei  $n$  die Anzahl der Elemente, die in einem Baum gespeichert sind.

1. Mit welcher Zeitkomplexität arbeitet diese Funktion im Mittel?

.....

2. Mit welcher Zeitkomplexität arbeitet diese Funktion im schlechtesten Fall?

.....

3. Mit welcher Zeitkomplexität würde diese Funktion arbeiten, wenn eine unsortierte verkettete Liste zur Speicherung der Elemente verwendet werden würde?

.....

4. Mit welcher Zeitkomplexität würde diese Funktion arbeiten, wenn eine sortierte verkettete Liste zur Speicherung der Elemente verwendet werden würde?

.....

5. Mit welcher Zeitkomplexität würde diese Funktion arbeiten, wenn eine binäre Halde zur Speicherung der Elemente verwendet werden würde?

.....

**Aufgabe 3:**

Gegeben seien zwei Funktionen  $f$  und  $g$  von der Art  $\mathbb{N} \rightarrow \mathbb{R}$ . Definieren Sie, was es heißt, dass  $f \in O(g)$  ist. Geben sie dafür sowohl die mathematische Notation als auch eine veranschaulichende Grafik an.

**Mathematische Definition:**

**Grafik:**



#### Aufgabe 4:

Rot-Schwarz-Bäume sind binäre Suchbäume, die gewisse Ausgewogenheitskriterien erfüllen müssen. Diese Bedingungen werden mit Hilfe einer Invarianten formuliert. Eine Bedingung ist die, dass keine roten Knoten einen roten Kindknoten besitzen.

Die Datenstruktur-Definition für einen als Rot-Schwarz-Baum realisierten Mengendatentyp habe folgendes Aussehen:

```
typedef int Element;
```

```
typedef struct Node * Set;
```

```
struct Node  
{  
    enum { RED, BLACK } color;  
    Element info;  
    Set l;  
    Set r;  
};
```

```
static struct Node finalNode = {BLACK, 0, 0, 0};
```

```
#define mkEmptySet() (&finalNode)  
#define isEmptySet(s) ((s) == &finalNode)
```

```
extern unsigned int maxPathLength(Set s);  
extern unsigned int minPathLength(Set s);
```

```
#define isBlackNode(s) ((s)->color == BLACK)  
#define isRedNode(s) (! isBlackNode(s))
```

```
extern int hasRedChild(Set s);  
extern int invNoRedNodeHasRedChild(Set s);
```

In diesem Codefragment sind einige Makros und einige Funktionen deklariert. Die Bedeutung der Funktionen geht aus dem Namen hervor. Benutzen Sie bitte diese Makros und Funktionen zur Formulierung Ihrer Lösung.

Man erkennt an den Makros *isEmptySet* und *mkEmptySet*, dass in dieser Implementierung der leere Baum durch einen Zeiger auf einen speziellen Knoten repräsentiert wird, nicht durch den 0-Zeiger.

Es soll als erstes die Hilfsfunktion *hasRedChild* entwickelt werden. Dieses Prädikat soll überprüfen, ob für einen beliebigen Baum ein möglicher Wurzelknoten einen roten Kindknoten besitzt.

Die Funktion *hasRedChild*:

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

